

ნანა ჯაფარიძე
ნანი წულანია
მანია წილოსანი

მათემატიკა



მოსწავლის წიგნი • ნაწილი I

გრიფინიჭებულია საქართველოს განათლების, მეცნიერების, კულტურისა და სპორტის სამინისტროს მიერ 2019 წელს.



როგორ ვისარგებლოთ ნიგნით

ნიგნზე მუშაობა რომ გაგიადვილდეს, მიზანშეწონილად მივიჩნიეთ, გაგაცნოთ ნიგნის აგებულება.

ნიგნი შედგება თავებისგან, თითოეული თავი კი – პარაგრაფებისგან. ყოველ თავში მოცემულია ერთი ან ორი „ტესტი თვითშემოწმებისთვის“. ტესტზე მუშაობა დაგეხმარება, შეამოწმო, რამდენად კარგად აითვისე განვლილი მასალა, რა გიჭირს, რა საკითხებზე უნდა გაამახვილო ყურადღება. ნიგნში ზოგიერთი პარაგრაფის ბოლოს შეხვედები რუბრიკებს:

„პროექტი დამოუკიდებელი კვლევისთვის“ – მის შესასრულებლად დაგჭირდება ინფორმაციის მოძიება (ცნობარებში, სხვადასხვა სახის ლიტერატურაში, ინტერნეტში) და საპრეზენტაციო თემის წარმოდგენა.

„ეს საინტერესოა“ გაგაცნობს საინტერესო ფაქტებსა და თეორიებს მათემატიკის შესახებ.

ნიგნში განმარტებები, თვისებები, ფორმულები, ზოგიერთი საჭირო დასკვნა ფერად ფონზე ან ჩარჩოშია მოცემული.

ყოველ პარაგრაფში შეხვედები ამ ნიშნებს:

* – შედარებით რთული ამოცანა;

❓ – უმარტივესი კითხვები, რომლებსაც ახალი მასალის ახსნის პროცესში თავად უნდა უპასუხო.



– წყვილებში სამუშაო



– ჯგუფური მეცადინეობა



– ტესტი თვითშემოწმებისთვის



– რუბრიკა „ეს საინტერესოა“



– პროექტი დამოუკიდებელი კვლევისთვის



– რუბრიკა „მოიფიქრე“



– სავარჯიშოები



– ვითამაშოთ



– საგულისხმო ფაქტი



– საკონტროლო კითხვები

ნიგნის ბოლოს მოცემულია საგნობრივი საძიებელი, მათემატიკური ნიშნების ცხრილი, ზომის ერთეულების ჩამონათვალი და სავარჯიშოების პასუხები.

გაუფროხილდი ნიგნს!

ნუ გააკეთებ მასში ჩანაწერებს!

გისურვებთ წარმატებებს!

თავი 1 სიმრავლე. მონაცემები

1. VI კლასში შესწავლილი მასალის გამეორება	8
1. წილადები და მათზე მოქმედებანი	8
2. რიცხვითი გამოსახულება. ცვლადიანი გამოსახულება	10
3. არითმეტიკულ მოქმედებათა თვისებები	12
4. რიცხვის ნატურალური ხარისხი	14
თემა: თვლის სისტემები	16
2. გამოსახულებათა მნიშვნელობების შედარება.	17
ტესტი თვითშემოწმებისთვის.	21
თემა: სხვა მოქმედება.	22
3. სიმრავლე.	23
4. სიმრავლეთა ტოლობა. ქვესიმრავლე	27
5. სიმრავლეთა თანაკვეთა და გაერთიანება.	30
6. მონაცემები	34
7. ცხრილები	39
8. წრიული დიაგრამა. პიქტოგრამა	42
9. დიაგრამის აგება კომპიუტერში.	44
10. მონაცემთა საშუალო, მოდა, მედიანა	45
ტესტი თვითშემოწმებისთვის.	50
I თავის დამატებითი სავარჯიშოები.	51
II თავი შესწავლილი მასალის მოკლე მიმოხილვა	54

თავი 2 გეომეტრიული ფიგურები. კუთხე და მისი თვისებები

1. გეომეტრიული ფიგურები.	56
2. წრფისა და წერტილების ურთიერთმდებარეობა	59
3. წრფეების ურთიერთმდებარეობა	62
ჯგუფური მუცაღინაობა	65
4. სხივი.	67
5. მონაკვეთი	70
6. ნახევარსიბრტყე	74
7. კუთხე	76
8. კუთხის გაზომვა	79
9. კუთხის ბისექტრისა	82
ტესტი თვითშემოწმებისთვის.	85
10. მოსაზღვრე კუთხეები.	87
11. ვერტიკალური კუთხეები.	90
12. კუთხე ორ წრფეს შორის. წრფეთა მართობულობა	93
ტესტი თვითშემოწმებისთვის.	95
II თავის დამატებითი სავარჯიშოები	97
II თავი შესწავლილი მასალის მოკლე მიმოხილვა	100

თავი 3 პროპორცია. პროცენტი

1. შეფარდება.	102
2. პროპორცია	105
3. პირდაპირპროპორციული სიდიდეები.	106
4. რიცხვის დაყოფა პროპორციულ ნაწილებად.	110
თემა: ოქროს კვეთა	114
5. უკუპროპორციული სიდიდეები.	115
6. პროცენტი	119
7. რიცხვის პოვნა მისი პროცენტის მიხედვით.	124
8. ორი რიცხვის შეფარდების გამოსახვა პროცენტით	126
9. არითმეტიკული საშუალოს გამოყენება ამოცანების ამოხსნისას	130
ტესტი თვითშემოწმებისთვის.	133
III თავის დამატებითი სავარჯიშოები.	135
III თავი შესწავლილი მასალის მოკლე მიმოხილვა	138
დამატებითი ტესტები	139
პასუხები.	146
დამხმარე ლიტერატურა	150
საგნობრივი საძიებელი	150
წიგნში გამოყენებული მათემატიკური ნიშნების ცხრილი	151
ზომის ერთეულები.	152
10-დან 99-მდე ნატურალური რიცხვების კვადრატების ცხრილი	152
2-ის ფუძიანი ხარისხები	153
10-ის ფუძიანი ხარისხები.	153
საზომი ერთეულების მოკლე აღნიშვნა	153

თავი 1

სიმრავლე. მონაცემები

შეისწავლი:

- სიმრავლეებს და მათ ელემენტებს; სიმრავლის მოცემის ხერხებს; მოქმედებებს სიმრავლეებზე;
- მონაცემების სხვადასხვა ნიშნით და ხერხით დაჯგუფების და წარმოდგენის ხერხებს;
- მონაცემების წარმოდგენას სვეტოვანი და წრიული დიაგრამის სახით;
- პიქტოგრამას;
- მონაცემთა საშუალოს, მოდას და მედიანას.

შეძლებ:

- მოცემული სიმრავლის ქვესიმრავლის, სიმრავლეთა გაერთიანებისა და თანაკვეთის ჩანერას;
- სვეტოვანი და წრიული დიაგრამის აგებას სხვადასხვა ფორმით მოცემული მონაცემებისთვის;
- მონაცემთა საშუალოს, მედიანისა და მოდის გამოთვლას.

1. წილადები და მათზე მოქმედებები

1. წილადის ძირითადი თვისება: წილადის სიდიდე არ შეიცვლება, თუ მის მრიცხველსა და მნიშვნელს გავამრავლებთ ან გავყოფთ ერთსა და იმავე ნატურალურ რიცხვზე.

მაგალითად: $\frac{5}{8} = \frac{25}{40}$; $\frac{18}{24} = \frac{3}{4}$.

2. წილადების გასაერთმნიშვნელიანებად საჭიროა:

- ვიპოვოთ მოცემული წილადების მნიშვნელების (უმცირესი) საერთო ჯერადი, რომელიც (უმცირესი) საერთო მნიშვნელი იქნება.
- თითოეული წილადისთვის ვიპოვოთ დამატებითი მამრავლი, რისთვისაც საერთო მნიშვნელი გავყოთ მოცემული წილადების მნიშვნელებზე.
- თითოეული წილადის მნიშვნელი და მრიცხველი გავამრავლოთ მის დამატებით მამრავლზე.

მაგალითად: $\frac{1}{6}$; $\frac{1}{15}$; $\frac{1}{20}$ დავიყვანოთ უმცირეს საერთო მნიშვნელზე.

უ. ს. ჯ. $(6; 15; 20) = 60$. $\frac{1}{6} = \frac{10}{60}$, $\frac{1}{15} = \frac{4}{60}$, $\frac{1}{20} = \frac{3}{60}$.

3. ტოლმნიშვნელიანი წილადები რომ შევკრიბოთ (გამოვაკლოთ), პირველი წილადის მრიცხველს უნდა მივუმატოთ (გამოვაკლოთ) მეორე წილადის მრიცხველი, მნიშვნელი კი იგივე დავტოვოთ.

მაგალითად: $\frac{3}{11} + \frac{2}{11} = \frac{5}{11}$; $\frac{7}{8} - \frac{3}{8} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$

4. სხვადასხვამნიშვნელიანი წილადები რომ შევკრიბოთ (გამოვაკლოთ), საჭიროა:

- ეს წილადები გავაერთმნიშვნელიანოთ.
- შევკრიბოთ (გამოვაკლოთ) ისინი ტოლმნიშვნელიანი წილადების შეკრების (გამოკლების) წესის მიხედვით.

მაგალითად: $\frac{8}{9} + \frac{7}{12} = \frac{32 + 21}{36} = \frac{53}{36} = 1\frac{17}{36}$.

5. შერეული წილადები რომ შევკრიბოთ (გამოვაკლოთ), ცალ-ცალკე უნდა შევკრიბოთ (გამოვაკლოთ) მათი მთელი და წილადი ნაწილები.

შენიშვნა: გამოკლებისას, თუ მაკლების წილადი ნაწილი მეტია საკლების წილად ნაწილზე, მაშინ საკლების ერთი ერთეული უნდა გადავაქციოთ არანუსიერ წილადად.

მაგალითად:

ა. $2\frac{5}{7} - 1\frac{2}{5} = 1\frac{25-14}{35} = 1\frac{11}{35}$; ბ. $4\frac{2}{9} - 2\frac{7}{15} = 2\frac{10-21}{45} = 1\frac{45+10-21}{45} = 1\frac{34}{45}$.

6. ნილადები რომ გავამრავლოთ, მათი მრიცხველების ნამრავლი უნდა დავწეროთ მრიცხველად, ხოლო მნიშვნელების ნამრავლი – მნიშვნელად (თუ შესაძლებელია, სასურველია, შევკვეცოთ გამრავლებამდე).

$$\text{მაგალითად: } \frac{12}{17} \cdot \frac{34}{39} = \frac{4 \cdot 2}{13} = \frac{8}{13}.$$

7. ნილადი რომ ნილადზე გავყოთ, გასაყოფი უნდა გავამრავლოთ გამყოფის შებრუნებულ ნილადზე.

$$\text{მაგალითად: } \frac{8}{9} \cdot \frac{16}{15} = \frac{8}{9} \cdot \frac{15}{16} = \frac{5}{3 \cdot 2} = \frac{5}{6}.$$

8. შერეული ნილადები რომ გავამრავლოთ (გავყოთ), ისინი ჯერ უნდა გადავაქციოთ არანუსიერ ნილადებად და შემდეგ გავამრავლოთ (გავყოთ).

$$\text{მაგალითად: } 5\frac{3}{11} \cdot 2\frac{10}{11} = \frac{58}{11} \cdot \frac{11}{32} = \frac{29}{16} = 1\frac{13}{16}.$$

9. ათნილადი რომ ჩვეულებრივ ნილადად გადავაქციოთ, მძიმე უნდა წავშალოთ და მიღებული რიცხვი დავწეროთ მრიცხველში, ხოლო მნიშვნელში დავწეროთ რიცხვი გამოსახული 1-ით და მარჯვნივ მიწერილი იმდენი ნულით, რამდენი ათნილადი ნიშანიც იყო ათნილადში.

$$\text{მაგალითად: } 2,75 = \frac{275}{100} = \frac{11}{4} = 2\frac{3}{4}.$$

10. ჩვეულებრივი ნილადი რომ ათნილადად გადავაქციოთ, მრიცხველი უნდა გავყოთ მნიშვნელზე.

მაგალითად:

ა. $\frac{3}{8} = 0,375$

გ. $\frac{1}{6} = 0,166\dots$

ბ. $\frac{7}{20} = 0,35$

დ. $\frac{5}{9} = 0,555\dots$

შენიშვნა: გ და დ შემთხვევებში გაყოფა უსასრულოდ გრძელდება. ასეთ ათნილადებს **პერიოდული ათნილადები** ეწოდება. 0,1666... პერიოდული ათნილადის ჩანაწერში მეორდება ციფრი 6. მას **პერიოდს** უწოდებენ, 0,166... რიცხვს მოკლედ ასე წერენ: 0,1(6). ანალოგიურად ჩაინერება: 0,555...=0,5(5).

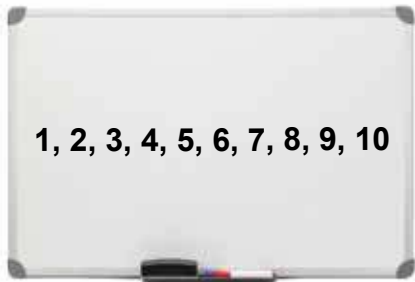
11. თუ უკვეცი ნილადის მნიშვნელს არ გააჩნია 2-ისა და 5-ისაგან განსხვავებული მარტივი მამრავლი, მაშინ ასეთი ნილადი გადაიქცევა სასრულ ათნილადად. ყველა სხვა შემთხვევაში მიიღება პერიოდული ათნილადი.



სავარჯიშოები

გამოიანგარიშე:

1. ა. $2\frac{5}{9} + 3\frac{3}{4}$; ბ. $\frac{7}{8} - \frac{5}{6}$; ე. $7 - 3\frac{2}{9}$; ზ. $2\frac{5}{6} + \frac{7}{8}$; ი. $7\frac{3}{4} + 1\frac{5}{12}$;
 ბ. $8 - 2\frac{3}{8}$; დ. $8 - \frac{7}{9}$; ვ. $7 - 4\frac{5}{11}$; თ. $7\frac{3}{4} - 5\frac{5}{6}$; კ. $3\frac{8}{17} - \frac{7}{12}$.
2. ა. $\frac{9}{10} \cdot \frac{5}{6}$; ბ. $\frac{5}{26} \cdot 39$; ე. $23 \cdot \frac{5}{69}$; ზ. $5 \cdot 2\frac{1}{5}$; ი. $\frac{14}{15} \cdot 6\frac{6}{11}$;
 ბ. $\frac{3}{24} \cdot 4$; დ. $\frac{57}{37} \cdot \frac{74}{85}$; ვ. $\frac{7}{30} \cdot 12$; თ. $6\frac{2}{9} \cdot 10\frac{1}{8}$; კ. $\frac{8}{15} \cdot 1\frac{9}{16}$.
3. ა. $3\frac{1}{2} : \frac{2}{3}$; ბ. $\frac{4}{15} : 3\frac{1}{5}$; გ. $4\frac{3}{4} : 3$; დ. $\frac{5}{9} : \frac{1}{3}$; ე. $1\frac{7}{9} : 1\frac{3}{5}$; ვ. $7\frac{1}{8} : 4\frac{3}{4}$;
 ზ. $1\frac{1}{3} \cdot \left(8\frac{2}{3} : 1\frac{4}{9} - 3\frac{3}{8} + 1\frac{5}{8}\right) - 1\frac{5}{6}$; თ. $2 : 3\frac{1}{5} + \left(3\frac{1}{4} : 13\right) : \frac{2}{3}$;
 ი. $\left(3\frac{1}{15} - 1\frac{1}{15} : 1\frac{3}{5} + \frac{2}{5}\right) \cdot 2\frac{1}{7} - 1\frac{1}{7}$; კ. $\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{6}\right) \cdot \left(\frac{1}{3} + \frac{14}{15}\right) : 5$.
4. ა. $\frac{5}{16} : 0,125 + 1,456 : \frac{7}{25} + 4,5 \cdot \frac{4}{5}$; ბ. $10 - 3,75 \left(2\frac{1}{3} + 1,4\right) : 1\frac{5}{9}$;
 ბ. $\frac{(6 - 4\frac{1}{2}) : 0,03}{\left(3\frac{1}{20} - 2,65\right) \cdot 4 + \frac{2}{5}}$; დ. $\frac{(0,3 - \frac{3}{20}) : 1\frac{1}{2}}{\left(1,88 + 2\frac{3}{25}\right) \cdot \frac{1}{80}}$.
5. ა. $1 + \frac{1}{1 + \frac{2}{1+3}}$; ბ. $1 + \frac{1}{1 - \frac{2}{1+3}}$.



6. დაფაზე დაწერილია რიცხვები: 1, 2, 3, ... 10. ერთ სვლაზე შესაძლებელია, ავირჩიოთ ორი რიცხვი და თითოეულს დავუმატოთ 5 ან გამოვაკლოთ 1. შესაძლებელია თუ არა, რომ რამდენიმე სვლის შემდეგ დაფაზე დაწერილი ყველა რიცხვი ერთმანეთის ტოლი აღმოჩნდეს?

2. რიცხვითი გამოსახულება. ცვლადიანი გამოსახულება

ბაიხეხე

ჩანანერს, რომელიც შეიცავს რიცხვებს, მოქმედებათა ნიშნებს და ფრჩხილებს, გამოსახულება ეწოდება.

გამოსახულებას, რომელიც შეიცავს ცვლადს, ცვლადიანი გამოსახულება ეწოდება.

გამოსახულება, შესაძლოა, შეიცავდეს ერთ ან რამდენიმე ცვლადს.

$2x(y+3); 3x^2 - 5xy + 7$ – ცვლადიანი გამოსახულებებია.

$2 - 1\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{7}; \frac{5+18}{2}; 1\frac{1}{3} - 2\frac{1}{2} : 3\frac{3}{4}$ – რიცხვითი გამოსახულებებია.

ცხადია, ნებისმიერ რიცხვით გამოსახულებას ერთი გარკვეული მნიშვნელობა აქვს.

ცვლადიანი გამოსახულების მნიშვნელობა რომ ვიპოვოთ, გამოსახულებაში ცვლადის ნაცვლად ამ ცვლადის წინასწარ მოცემული მნიშვნელობა უნდა ჩავსვათ.

სავარჯიშოები

1. გამოთვალე:

ა. $\frac{2}{3} - \frac{8}{23} \left(\frac{3}{4} + 1\frac{1}{6} \right)$;

ბ. $\left(5\frac{1}{5} + 3\frac{3}{10} - 4\frac{4}{15} \right) \cdot \frac{15}{127} + \left(4\frac{1}{4} + 3\frac{5}{6} - 2\frac{2}{3} \right) \cdot \frac{12}{13}$;

გ. $5\frac{2}{9} : \left(3 - 1\frac{1}{9} \cdot 2\frac{2}{5} \right) - \frac{4}{5}$;

დ. $\left(5\frac{1}{12} + 3\frac{7}{36} - 1\frac{11}{18} \right) : 1\frac{2}{5} - \left(4\frac{5}{6} + 2\frac{7}{24} - 5\frac{13}{18} \right) \cdot 1\frac{43}{101}$.

2. იპოვე გამოსახულების მნიშვნელობა, თუ $a=3$; $b=\frac{1}{5}$; $c=2,3$.

ა. $2a$;

ე. $5-b$;

ი. $2a-1,5$;

ბ. $4a+b$;

ბ. $10b$;

გ. $a-1\frac{1}{3}$;

კ. $9-3b$;

ო. $17b-c$;

გ. $5c$;

ზ. $b+3\frac{3}{10}$;

ლ. $5c+7,2$;

პ. $0,5c+a$;

დ. $3,2a$;

თ. $7-c$;

მ. $8b+3,1$;

ჟ. $\frac{1}{5}a+b$.

3. ცნობილია, რომ a და b ცვლადების ზოგიერთი მნიშვნელობისათვის $a+b=8$. რის ტოლი იქნება შემდეგი გამოსახულებები a და b ცვლადების იმავე მნიშვნელობებისთვის?

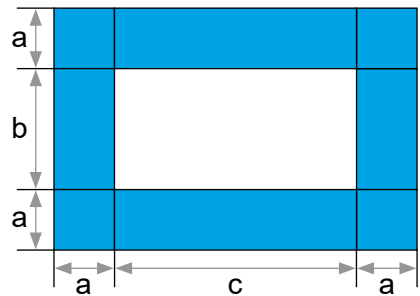
ა. $\frac{2}{a+b}$;

ბ. $a+b+\frac{8}{a+b}$;

გ. $3(a+b)$;

დ. $\frac{a+b}{2} + \frac{4}{a+b}$.

4. ნახაზის მიხედვით, შეადგინე გამუქებული ფიგურის ფართობის გამოსათვლელი გამოსახულება.



5*. ჩაწერე ცვლადიანი გამოსახულება მოცემული მიმდევრობისათვის:

ა. $5 \cdot 1, \quad 5 \cdot 2, \quad 5 \cdot 3, \quad 5 \cdot 4, \quad 5 \cdot 5, \quad 5 \cdot 6, \quad \dots$;

ბ. $7+1, \quad 7+2, \quad 7+3, \quad 7+4, \quad 7+5, \quad 7+6, \quad \dots$;

გ. $2 \cdot 1+3, \quad 2 \cdot 2+3, \quad 2 \cdot 3+3, \quad 2 \cdot 4+3, \quad 2 \cdot 5+3, \quad 2 \cdot 6+3, \quad \dots$;

დ. $\frac{7 \cdot 1 - 2}{3 \cdot 1}, \quad \frac{7 \cdot 2 - 2}{3 \cdot 2}, \quad \frac{7 \cdot 3 - 2}{3 \cdot 3}, \quad \frac{7 \cdot 4 - 2}{3 \cdot 4}, \quad \frac{7 \cdot 5 - 2}{3 \cdot 5}, \quad \frac{7 \cdot 6 - 2}{3 \cdot 6}, \quad \dots$

3. არითმეტიკულ მოქმედებათა თვისებები

ნებისმიერი a , b და c რიცხვებისათვის სრულდება:

1. გადანაცვლებადობის თვისება:

ა. $a+b=b+a$ შეკრებისათვის

ბ. $ab=ba$ გამრავლებისათვის

2. ჯუფთებადობის თვისება:

ა. $(a+b)+c=a+(b+c)$ შეკრებისათვის

ბ. $(ab)c=a(bc)$ გამრავლებისათვის

3. განრიგებადობის თვისება:

ა. $a(b+c)=ab+ac$ ჯამისათვის

ბ. $a(b-c)=ab-ac$ სხვაობისათვის



სავარჯიშოები

1. გამოთვალე მარტივი ხერხით:

ა. $2,24+8,13+5,76+2,87$;

ზ. $2 \cdot 57 \cdot 5$;

ბ. $2,14+3,15-1,14+4,85$;

თ. $3,75 \cdot 0,125 \cdot 2 \cdot 8$;

გ. $7,27-8,12+9,73-1,88-1,5$;

ი. $0,6 \cdot 3,4 \cdot 5$;

დ. $4,08-3,75+3,92-2,25$;

კ. $1,25 \cdot 8,91 \cdot 8$.

ე. $8\frac{3}{7}-2\frac{3}{4}+5\frac{4}{7}-1\frac{1}{4}$;

ლ. $4 \cdot 78 \cdot 25$;

ვ. $3,76 \cdot 7,81 \cdot 0 \cdot 37$;

მ. $0,5 \cdot 7,1 \cdot 20$;

2. ისარგებლე განრიგებადობის თვისებით და შეასრულე მოქმედება:

ა. $5,8 \cdot 2,7+5,8 \cdot 1,3$;

გ. $4\frac{2}{3} \cdot 6$;

ე. $7 \cdot 0,32+7 \cdot 0,18$;

ზ. $31 \cdot 62$;

ბ. $52 \cdot 35$;

დ. $4\frac{1}{2} \cdot 8$;

ვ. $39 \cdot 45$;

თ. $3\frac{5}{12} \cdot 4$.

3. გაამარტივე გამოსახულება:

ა. $2,7a \cdot 3,1$;

გ. $3(n+5)$;

ე. $4,5(8-n)$;

ზ. $2\frac{3}{4}x \cdot 7\frac{3}{11}$;

ბ. $12,5m \cdot 2n$;

დ. $8(10+n)$;

ვ. $8(2n+0,2)$;

თ. $\frac{1}{4}(8n+16)$;

4. გაამარტივე გამოსახულება და გამოთვალე მისი მნიშვნელობა, თუ $m=0,1$ და $n=2$.

ა. $4m+7n-2,1n$;

გ. $17,58m-5,105m+7n$;

ბ. $19\frac{1}{6}n-3\frac{2}{3}n+9m$;

დ. $31\frac{2}{9}n+4\frac{5}{12}m+5\frac{5}{18}n-1\frac{2}{3}m$.

წვერებს $-5a$,
 $3a$, $4a$ – მსგავსი
წვერები
ენოდება, ხოლო
გამარტივებას –
 $5a-3a=2a$
მსგავსი
წვერების
შეერთება.

5. გახსენი ფრჩხილები და შეაერთე მსგავსი წევრები:

ა. $3x+2(4x-1)$;

ბ. $5(t+2)+3(2t-1)$;

ბ. $5+0,3(3x-2)$;

დ. $4(2x+2)+2x-1$.

6. გაამარტივე გამოსახულება:

ა. $3a+7a$;

ე. $4b+9b$;

ი. $8a-4a$;

ბ. $10x-4x$;

გ. $7,8x+4,5x$;

კ. $257,05a-18,3a$;

დ. $\frac{2}{3}a+1\frac{1}{3}a-\frac{1}{3}b$;

ზ. $\frac{1}{4}m+m-\frac{3}{4}n$;

ლ. $\frac{5}{6}x+1\frac{1}{3}x-\frac{3}{4}x-\frac{1}{4}x$;

დ. $3,7a+4,1b-3,4b$;

თ. $18,27x-5,4x+7y$;

შ. $37,01b+4,9a-3,18a$.

7. გადაიხაზე ცხრილი რვეულში და შეავსე:

ა.	x	y	2x	4y	2x-4y+7
	3	0			
	1,5	0,25			
	4	2			

ბ.	u	v	3(u+v)	2uv	3(u+v)-2uv
	3	2			
	5	1			
	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{2}$			

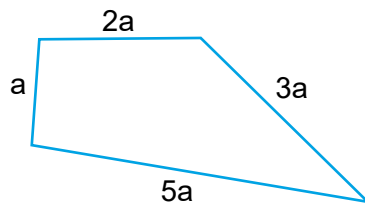
8. იპოვე ნახაზზე მოცემული ოთხკუთხედის პერიმეტრი, თუ a არის:

ა. 3,1 დმ;

ბ. 5,02 სმ;

ბ. 2,4 სმ;

დ. 4 დმ.



9*. არსებობს თუ არა ნატურალური რიცხვი, რომლის ციფრების ნამრავლია 588?

10. გადაიხაზე რვეულში და შეავსე „მაგიური კვადრატი“. a ცვლადს მიანიჭე რომელიმე ნატურალური მნიშვნელობა 3-დან 7-მდე. შეავსე ცარიელი უჯრები ისე, რომ მოცემული 9 უჯრიდან თითოეულში ეწეროს 1-დან 9-მდე განსხვავებული ციფრები და თან რიცხვების ჯამი ყოველ ჰორიზონტალზე, ვერტიკალსა და დიაგონალზე ერთმანეთის ტოლი იყოს.

მაგიური კვადრატი		
a+3		a+1
	a	
a-1		a-3

11. ექვსი წლის წინ ანი P-ჯერ უფროსი იყო ნიკაზე. თუ ანი ახლა 18 წლისაა, რამდენი წლის არის ნიკა? (შეადგინე შესაბამისი გამოსახულება)

12. მექოთნე ერთ დოქს აკეთებს a საათში, ხოლო ერთ ქოთანს – $\frac{a}{2}$ საათში. რამდენ საათში დაამზადებს მექოთნე 10 დოქსა და 6 ქოთანს? (შეადგინე შესაბამისი გამოსახულება)

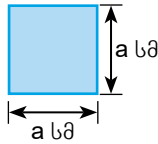
მსგავსი წევრები რომ შევკრიბოთ, უნდა შევკრიბოთ მათი კოეფიციენტები, ასოითი ნაწილი კი უცვლელად გადავიტანოთ.

4. რიცხვის ნატურალური ხარისხი

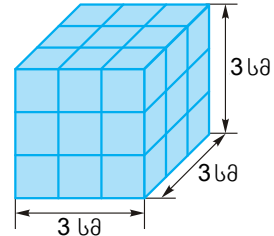
a რიცხვის **n** ნატურალური ხარისხი – **aⁿ**, სადაც **n > 1**, ეწოდება **n** ცალი რიცხვის ნამრავლს, რომელთაგან თითოეული **a**-ს ტოლია. **a**-ს ხარისხის ფუძე ეწოდება, **n**-ს – ხარისხის მაჩვენებელი. **a¹ = a**.

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n\text{-ჯერ}}$$

- 10¹=10
- 10²=100
- 10³=1 000
- 10⁴=10 000=10ათასი
- 10⁵=100 000=100ათასი
- 10⁶=1მილიონი
- 10⁹=1000მილიონი=1მილიარდი
- 10¹²=1000მილიარდი=1ტრილიონი
- 10¹⁵=1000ტრილიონი=1კვადრილიონი
- 10¹⁸=1000კვადრილიონი=1კვინტილიონი



კვადრატის ფართობი: $S = a^2$ (სმ²)



კუბის მოცულობა: $V = 3^3 = 27$ სმ³

იმატყველესწორად!

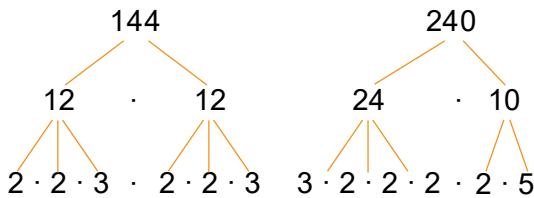
a^5 → **a** – ხარისხის ფუძე
 → **5** – ხარისხის მაჩვენებელი
 → **a⁵** – ხარისხი

a^5 → **a** ხარისხად 5
 → **a**-ს მეხუთე ხარისხი
 → **a** აყვანილი მეხუთე ხარისხში

მაგალითი

იპოვე 144-ისა და 80-ის უდიდესი საერთო გამყოფი (უ.ს.გ) და უმცირესი საერთო ჯერადი (უ.ს.ჯ).

ამოხსნა:



ე.ი. $144 = 2^4 \cdot 3^2$
 $240 = 2^4 \cdot 3 \cdot 5$

უ.ს.გ.(144;240) = $2^4 \cdot 3 = 48$

$144 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 = 2^4 \cdot 3^2$	<table style="border-collapse: collapse;"> <tr><td style="padding-right: 5px;">144</td><td style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px;">2</td></tr> <tr><td style="padding-right: 5px;">72</td><td style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px;">2</td></tr> <tr><td style="padding-right: 5px;">36</td><td style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px;">2</td></tr> <tr><td style="padding-right: 5px;">18</td><td style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px;">2</td></tr> <tr><td style="padding-right: 5px;">9</td><td style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px;">3</td></tr> <tr><td style="padding-right: 5px;">3</td><td style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px;">3</td></tr> <tr><td style="padding-right: 5px;">1</td><td style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px;"></td></tr> </table>	144	2	72	2	36	2	18	2	9	3	3	3	1	
144	2														
72	2														
36	2														
18	2														
9	3														
3	3														
1															
$240 = 3 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 5 = 2^4 \cdot 3 \cdot 5$															

$144 = 2^4 \cdot 3^2$
 $240 = 2^4 \cdot 3 \cdot 5$

უ.ს.ჯ.(144;240) = $2^4 \cdot 3^2 \cdot 5 = 720$



მაგალითის მიხედვით, აღწერე მოცემული რიცხვების უდიდესი საერთო გამყოფისა და უმცირესი საერთო ჯერადის მოძებნის ხერხები.

სავარჯიშოები

1. ჩანერე ხარისხის სახით.

ა. $0,7 \cdot 0,7 \cdot 0,7 \cdot 0,7$

ბ. $\frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8} \cdot \frac{3}{8}$

ბ. $4 \cdot 1 \cdot 4 \cdot 1 \cdot 4 \cdot 1 \cdot 4 \cdot 1 \cdot 4 \cdot 1$

დ. $5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5$

2. ჩანერე ხარისხის სახით, მიუთითე ხარისხის ფუძე და მაჩვენებელი.

ა. $p \cdot p \cdot p \cdot p$

გ. $(c+d) \cdot (c+d) \cdot (c+d)$

ბ. $(mn) \cdot (mn) \cdot (mn) \cdot (mn)$

დ. $(p-q) \cdot (p-q) \cdot (p-q) \cdot (p-q) \cdot (p-q)$

3. იპოვე გამოსახულების მნიშვნელობა.

ა. 3^4

ბ. 4^2

გ. $\left(\frac{3}{4}\right)^3$

დ. $\left(\frac{4}{5}\right)^4$

ე. $0,7^3$

4. იპოვე გამოსახულების მნიშვნელობა.

ა. 3^n , თუ $n=1; 3; 4$

გ. $\left(\frac{1}{2}\right)^n$, თუ $n= 2; 4; 5$

ბ. $4^n - 3^n$, თუ $n= 1; 3$

დ. $2x^3 + 3x^2 - 8$, თუ $x= 2; 5$

5. დანერე ნამრავლი ხარისხის სახით და დაასახელე ხარისხის ფუძე და ხარისხის მაჩვენებელი.

ა. $\underbrace{5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot \dots \cdot 5}_{k\text{-ჯერ}}$

გ. $\underbrace{(m-n) \cdot (m-n) \cdot \dots \cdot (m-n)}_{k\text{-ჯერ}}$

ბ. $\underbrace{x \cdot x \cdot \dots \cdot x}_{n\text{-ჯერ}}$

დ. $\underbrace{(cd) \cdot (cd) \cdot \dots \cdot (cd)}_{m\text{-ჯერ}}$

6. კუბის ნახნავის ფართობია 36 სმ². იპოვე კუბის მოცულობა.

7. გამოიანგარიშე.

ა. $3 \cdot 2^4 + 2 \cdot 3^4$;

დ. $4 \cdot 2^3 + 2 \cdot 5^2$;

ბ. $6 \cdot 4^2 + 4 \cdot 6^2$;

ე. $7 \cdot 5^2 + 5 \cdot 7^2$;

გ. $\left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot 64 + (0,1)^4 \cdot 4000$;

ზ. $\left(3\frac{1}{3}\right)^3 - \left(2\frac{2}{3}\right)^3$.

8. კილაში მოათავსეს ერთი ბაქტერია, რომელიც ყოველ წუთში ორმაგდება. რამდენი ბაქტერია იქნება ჭიქაში 1 სთ-ის შემდეგ?.

უფრჩხილო გამოსახულებებში ჯერ შესრულდება ახარისხება.

$$\begin{array}{ccccccc}
 & 4 & 2 & 14 & 5 & & 6 \\
 & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \downarrow \\
 335 & - & 40 & \cdot 2^3 & - & 5 & - & 100 & + & 7,2
 \end{array}$$

წითელი ციფრებით მითითებულია მოქმედებათა რიგი.

თვლის სისტემები

თვლის სისტემა რიცხვების ჩანერის ხერხია, რათა რიცხვების წაკითხვა და მათზე არითმეტიკული მოქმედების შესრულება მოხერხებული იყოს.

ნატურალური რიცხვების ჩანერის უმარტივეს სისტემაში რიცხვები მხოლოდ ერთი ციფრით აღინიშნებოდა, მაგალითად: ერთი – I; ორი – II; სამი – III; ... თვლის ასეთ სისტემაში რიცხვებზე მოქმედებების შესრულება მარტივი იყო. მაგალითად:

$$\begin{array}{l}
 \begin{array}{c} ||| + |||| = ||||| \\ 3 + 4 = 7 \end{array} \qquad \begin{array}{c} \overbrace{|||||}^5 \\ 3 \left\{ \begin{array}{l} ||||| \\ ||||| \\ ||||| \end{array} \right. \rightarrow ||||| \\ 3 \cdot 5 = 15 \end{array}
 \end{array}$$

ცხადია, დიდი რიცხვების ასე ჩანერა მოუხერხებელია. მათზე არითმეტიკული მოქმედებების შესრულების დროს დიდია შეცდომის დაშვების ალბათობაც.

არქეოლოგიური გათხრების შედეგად დადასტურდა, რომ პალეოლითის ხანიდან ადამიანები ცდილობდნენ დასათვლელი საგნები დაეჯგუფებინათ სამეულებად, ოთხეულებად, ხუთეულებად ან შვიდეულებად. რადგან ყველაზე ხშირად ისინი თითებზე ითვლიდნენ, დაინყეს დაჯგუფება ხუთ-ხუთად ან ათ-ათად. თუ დათვლისას აღმოჩნდებოდა, რომ საგნების რაოდენობა იყო 2 ასეული, 7 ათეული და კიდევ 4 საგანი, მაშინ 2-ჯერ იმეორებდნენ ასეულების ნიშანს, 7-ჯერ – ათეულების ნიშანს და 4-ჯერ ერთეულების ნიშანს. ეს ნიშნები არც ჰგავდა ერთმანეთს და არც მათ მდებარეობას ან მიმდევრობას ჰქონდა მნიშვნელობა, მნიშვნელოვანი იყო მხოლოდ მათი რაოდენობა. თვლის ასეთ სისტემებს **არაპოზიციური** ეწოდება.

ძველ რომში რიცხვების აღსანიშნავად სპეციალური სიმბოლოები არსებობდა:

1 – I, 5 – V, 10 – X, 50 – L, 100 – C, 500 – D და 1000 – M.

შესაბამისად, რიცხვები 2, 3, 4, 6, 9, 11, 14, 16, 19, 20, რომაულად ასე აღინიშნება:

II	III	IV	VI	IX	XI	XIV	XVI	XIX	XX
5-1	5+1	10-1	10+1	10+(5-1)	10+(5+1)	10+(10-1)	10+10		

რიცხვების ჩანერის თანამედროვე ათობითი სისტემა ინდოეთში შეიქმნა. მოგვიანებით კი (X ს.), არაბების მეშვეობით, ევროპაში გავრცელდა.

თანამედროვე პოზიციურ სისტემაში ციფრის მნიშვნელობა დამოკიდებულია იმაზე, თუ რომელ ადგილზე დგას ის. მაგალითად, რიცხვში 728 ასეულების თანრიგში წერია 7, რაც იმას ნიშნავს, რომ ამ რიცხვში შვიდი ასეულია. შესაბამისად, 2 ათეული და 8 ერთეული. ეს რიცხვი ასე ჩაინერება: $728 = 7 \cdot 100 + 2 \cdot 10 + 8$.

თუ სამნიშნა რიცხვს \overline{abc} -თი აღვნიშნავთ, მაშინ $\overline{abc} = 100a + 10b + c$. შესაბამისად, ოთხნიშნა რიცხვი გამოისახება ასე: $\overline{abcd} = 1000a + 100b + 10c + d$.

ამოცანა დამოუკიდებელი კვლევისთვის

მოიძიე ინფორმაცია ჩვენამდე მოღწეული თვლის სისტემების შესახებ და მოამზადე თემა „თვლის სისტემები“. გამოიყენე წიგნის ბოლოს მითითებული ლიტერატურა და ინტერნეტმისამართები.